Shimizu-tech Technical Report, No.6

ASTM E1820 による J_{Ic} 試験(その1) - 弾塑性平面歪破壊靭性値 J_{Ic} の求め方 -

株式会社 シミズテック 技術顧問 木内 晃 (Akira KIUCHI)

1. まえがき

これまで、テクニカルレポート No.1¹⁾と No.5²⁾ で、金属材料の線形平面歪破壊靭性値、K_{Ic}を求め る試験法、ASTM E399³⁾について説明してきた。

本報では、弾塑性破壊靭性値の1つの J_{lc} を求める試験法、すなわち J_{lc} 試験について説明する。

 J_{lc} はミクロボイド合体形の安定延性き裂発生時 のJ値であり、 J_{lc} 試験は、通常、ASTM E1820⁴)に 準じて実施される。ミクロボイド合体形の破壊靭 性試験としては ASTM E399 の K_{lc} 試験があるが、 小規模降伏と平面歪条件を満足するための試験片 寸法要件が厳しく、 K_{lc} 試験が適用される Al 合金 でも、その種類によっては素材寸法の制約から valid K_{lc} が得られない場合がある。

ASTM E1820 では、小規模降伏の制約はなく、 平面歪条件を満足するための試験片寸法要件も ASTM E399 に比べ、はるかに緩い*¹⁾。したがって、 寸法要件の面で不合格になることはほぼないと 言えるが、それ以外にも合否判定項目が多くある。 その中の1つでも満足できないと不合格になり、 J_{lc}値は得られない。材料スペックは十分満足する が、規格スペックを満足できないため、不合格に なることがある。

本報では、ASTM E1820-22 による J_{lc} 試験の手順 を説明するとともに試験結果の合否判定について 詳しく説明する。

2. ASTM E1820 による Jlc 試験

2.1 Jcとは

J_lc 試験は K_lc 試験と異なり、荷重 - 変位線図が 非線形を呈してからの破壊を対象としており、応 力拡大係数、K の代わりに弾塑性破壊力学パラメ ータのJ(J_lc 試験では荷重 - 荷重線変位線図の面積 から計算)を用いる。J_lc 試験は、Fig.1 に示すよう に、安定延性き裂発生時のJ値(J_{in})を破壊靭性とし、 後述の試験片寸法要件を満足すれば試験片厚に 依存しない弾塑性平面歪破壊靭性値、J_lc と見做す。



Fig.1 Schematic of initiation and growth of a stable ductile crack

*1) ASTM E399 と ASTM E1820 の試験片寸法要件の差異とその根拠については次報で説明する。

Fig.1 をもう少し詳しく説明する。Blunting line は J の増加に伴いき裂先端が鈍化する過程での J と Δa の関係、いっぽう、R curve は J と鈍化した 初期き裂から発生、進展した安定延性き裂長さを 含む Δa の関係である。試験片に負荷を与え、J 値 が大きくなると初期き裂の先端に塑性域が生じ、 き裂は鈍化する。鈍化過程では、Fig.1に示すよう にき裂は開口するだけでなく前方にせり出す。 このせり出した量を Stretched Zone Width (SZW)と 呼ぶ。Fig.1の横軸のΔaはSZWと安定延性き裂長 さの和である。Blunting line は安定延性き裂の発生 前なので Δa=SZW となる。また、鈍化過程では、 Jの増加に伴い塑性域内でミクロボイドが発生、 成長し、それらが合体して安定延性き裂となる。 安定延性き裂発生時の J 値は、Blunting line と R curve の交点のJ 値、J_{in}で与えられる。

2.2 試験片

ASTM E1820 では、Compact Tension(CT)試験片、 Disk Compact Tension 試験片および3点曲げ試験片 が適用対象になっている。ここでは、広く利用 されている CT 試験片について説明する。

CT 試験片を Fig.2 に、そのノッチ形状を Fig.3 に示す。試験片の形状比は、 $0.45 \leq a_0/W \leq 0.7$ 、 $2 \leq W/B \leq 4$ で、標準試験片は $a_0/W=0.6$ 、W/B=2 で ある。なお、 a_0 :初期き裂長さ(疲労き裂+機械 ノッチ)の平均値、W:試験片幅、B:試験片厚で



(a) Pin diameter=0.25W



(b) Pin diameter=0.188W

Fig.2 Compact Tension specimen

ある。Fig.3 に示すように、ノッチ高さhは0.063W 以下、疲労予き裂長さは0.5h と0.25mmの大きい 方の値以上、疲労予き裂長さ+ノッチ先端のV形 状部の長さが2.0h以上になる必要がある。疲労 予き裂長さに関する要求は以前⁵より緩く、ASTM E399³に比べても緩い規格となっている^{*2)}。

Fig.1のRカーブを後述の除荷コンプライアンス 法によって求める場合は、疲労予き裂導入後に



Fig.3 Envelope of fatigue crack and crack starter notches and requirement of fatigue crack length 4)

サイドグルーブ(以後、SG と記す)と呼ばれる V 溝 を試験片表裏面のノッチ延長線上に設けることを 強く推奨している。その理由は 2.4.4 で述べる。 ASTM E1820 に SG の形状・寸法は載っていない が、ASTM E399 に載っている図を Fig.4 に示す。



Fig.4 Schematic of side groove configuration³⁾

2.3 疲労予き裂導入条件

疲労予き裂導入時の荷重比(最小荷重/最大荷重) は 0.1 で実施するのが効果的である。

疲労予き裂導入の初期荷重は式(1)で与えられる Pmより小さくする必要がある。

$$P_{\rm m} = 0.4Bb_0^2 \sigma_{\rm Y} / (2W + a_0) \tag{1}$$

ここで、 $\sigma_Y = (\sigma_{ys} + \sigma_B)/2$ 、 σ_{ys} : 試験温度での降伏 応力、 σ_B : 試験温度での引張強さ、 b_0 : 初期リガ メント長さ(=W- a_0)である。

疲労予き裂の導入は、K 値の最大、K_{f,max}が式(2) の K_{MAX}(単位: MPa \sqrt{m})の約70%でスタートし、 10^5 回繰返しても疲労き裂が発生しなければ徐々 に K_{MAX}まで増加させるのが望ましい。

$$K_{MAX} = (\sigma_{ys}^{f} / \sigma_{ys}^{T}) 0.063 \sigma_{ys}^{f}$$
(2)

ここで、 σ_{ys} 、 σ_{ys} はそれぞれ疲労予き裂導入時 と J_{lc} 試験の温度での降伏応力(単位:MPa)である。 疲労予き裂導入の最終ステージでは、少なく とも疲労予き裂全長の最後の 50%において、式(3) を満足する必要がある。

$$K_{f,max} \leq 0.6 (\sigma_{ys}^{f} / \sigma_{ys}^{T}) K_{JQ}$$
(3)

ここで、K_{JQ}={EJ_Q/(1-v²)}¹²、E:ヤング率、J_Q: 暫定破壊靱性値(**2.4.2** 参照)、v:ポアソン比である。

2.4 試験方法

ASTM E1820 には、安定延性き裂発生時のJ値 を求める方法として、①複数試験法と②除荷コン プライアンス法が記されている。

複数試験法は5体以上の試験片を準備する必要 がある。各試験片を異なる荷重線変位まで載荷し たのち除荷する。その後、鋼やTi合金では300℃ 程度で30分間加熱着色後に破壊、その他の材料は 疲労破壊させ、破面から各試験片のΔaを計測する。

Fig.5の領域AとBに各1点以上、A、Bを合わ せて5点以上のデータが必要である。試験片1体 で1点なので、余裕を考えれば8体ほど準備する





*2) ASTM 規格 ^{3)~7}の疲労予き裂長さに関する比較表を巻末の付録に示す。同表には、同一規格で、要求値が変更 になった際の変化も示した。ASTM E1820 および ASTM E1921 では、それぞれ 2016、2018 年に変更があり、Fig.3 のようになった。理由は定かでないが、変更後 ^{4),6}の疲労予き裂長さの要求は、変更前 ^{5),7)}より緩い。なお、ASTM E399 は、最新の 2023 年版 ³⁾でも変更はなく、ASTM E1820 の変更前の 2015 年版 ⁵⁾と同じ要求である。 必要があり、試験片加工費を含めて試験費用が高 くなる。除荷コンプライアンス法は1体の試験片 で全点を採取できるので、除荷コンプライアンス 法によりJ_k試験が行われることが多い。

以下では、除荷コンプライアンス法による J_k試験ついて説明する。

2.4.1 除荷コンプライアンス法による Jc 試験

除荷コンプライアンス法とは、Fig.6 に示すよう に、変位制御で荷重線変位を増加させながら、 試験の途中で除荷・再負荷を繰り返す。規格では 除荷量は式(1)の Pmの 10~20%を推奨している。 き裂が長くなると、除荷時のコンプライアンス (変位/荷重)は大きくなる。両者の関係は定式化さ れており、コンプライアンスがわかると、き裂長 さ a は計算で求められる。

市販の J_{le}試験ソフトでは、除荷のポイントと除 荷量を指定すると、自動的に除荷・再負荷を繰り 返し、コンプライアンスの計測、き裂長さや J 値 の計算も自動的に実施される。

なお、コンプライアンスやJの計算式は ASTM E1820⁴)に記されているので、それを参照されたい。



Fig.6 Example of load vs. load line displacement diagram at J_{lc} test by unloading elastic compliance method

2.4.2 暫定破壊靭性値 Jgの求め方

Fig.1に示す安定延性き裂発生時のJ値であるJ_{in} を安定して求めることは難しいので、ASTM E1820 では、**Fig.7** に示すように、J と Δa の関係の 立ち上がりの線である Construction Line (Fig.1 の Blunting line に相当)と平行に、横軸の $\Delta a=0.2$ mm を通る 0.2mm Offset Line (傾きは $2\sigma_Y$)を引き、それ と Power Law Regression Line (Fig.1 の R カーブに相 当)の交点を暫定破壊靭性値、 J_Q とし、**2.4.3** に示す J_{Lc} 判定条件を全て満足すると、 $J_Q=J_{Lc}$ となる。

Power Law Regression Line は式(4)で表される。 Fig.5 の領域 A と B のデータを対象に、最小 2 乗 近似により式(4)の係数 C₁、C₂を求める。

 $\ln J = \ln C_1 + C_2 \ln(\Delta a) \tag{4}$

Fig.7 の横軸の Δa はコンプライアンスから求め た初期き裂長さ a_{oq} が基準となるので、 J_Q の値は a_{oq} に敏感である。したがって、 J_{Ic} 試験後に a_{oq} を 以下の要領で再計算する。荷重 - 荷重線変位の 最大荷重までの J と a のデータを用いて、式(5)の J と a の累乗近似式の係数 C_3 、 C_4 及び a_{oq} を求める。 その求め方は ASTM E1820 の Appendix XIを参照さ れたい。式(5)の a - a_{oq} が Δa となる。なお、疲労 予き裂導入時の最大荷重より小さい荷重から得ら れたデータは解析対象としない。

$$a=a_{oq}+J/(2\sigma_Y)+C_3J^2+C_4J^3$$
 (5)



Fig.7 How to obtain provisional fracture toughness, Jq⁴⁾

2.4.3 J_Q=J_{lc}となるための判定条件

J_QをJ_Lと見做すには、以下に示す(1)~(6)の条件 ⁴⁾を全て満足する必要がある。それ以外にも、2.2 と2.3 の条件を満足する必要がある。

(1) 試験片寸法要件

式(6)の試験片寸法要件を満足すること。

 $B, b_0 > 10(J_Q/\sigma_Y) \tag{6}$

(2) 必要実験データ数と存在領域

- 有効データが、Fig.5の領域AとBで各1点
 以上、2つの領域を合わせて5点以上必要
- 荷重 荷重線変位の関係の最大荷重までに 8 点以上 (a_{oq}の再計算に使用)
- 3) 0.4J_Q~J_Qの間に3点以上 (a_{oq}の再計算に使用)

(3) 疲労予き裂および安定延性き裂の長さと形状

- 破断面から計測した疲労予き裂長さ a_Fは 2.2 に示した要求を満足すること。
- 初期き裂長さ(a_M+a_F)および安定延性き裂を 含む最終き裂長さ(a_M+a_F+∆a_p)は、Fig.8 に示 す破面から計測した9点のいずれにおいても 平均値との差が 0.1(b₀B_N)^{1/2}または 0.1(b₀B)^{1/2} 以下であること。
- 3) 安定延性き裂長さ Δap は Fig.8 の 9 点のいずれ においても平均値の 50%以上であること。
- 4) 最終の除荷コンプライアンスから求めた安 定延性き裂長さΔapredictedと実測長さの平均値 Δap,ave.との差は、式(7)又は(8)を満足すること。



Fig. 8 Crack length measurement positions

$$\Delta a_{\text{predicted}} < 0.2b_0 \mathcal{O} 場合$$

$$|\Delta a_{\text{p,ave.}} - \Delta a_{\text{predicted}}| \leq 0.15\Delta a_{\text{p,ave.}} \quad (7)$$

$$\Delta a_{\text{predicted}} \geq 0.2b_0 \mathcal{O} 場合$$

$$|\Delta a_{\text{p,ave.}} - \Delta a_{\text{predicted}}| \leq 0.03b_0 \quad (8)$$

(4) Power Law Regression Line

式(4)の相関係数は 0.96 より大きいこと。また、 式(4)の係数 C₂は1より小さいこと。

(5) a_{oq}とa_oの比較

式(5)で求めた a_{oq} と a_{o} (初期き裂長さの実測平均 値)との差は、0.01W または 0.5 mm の大きい方を 超えてはならない。なお、 a_{o} は、Fig.8 に示す表裏 面近傍の 1 と 9 の初期き裂長さ($a_{M}+a_{F}$)の平均値と 1~9 を 8 等分した 2~8 の 7 点の初期き裂長さを 合わせた計 8 点の平均で与えられる。安定延性 き裂長さや最終き裂長さの平均も同様である。

(6) 試験速度に関する条件

変位制御で試験を行うが、載荷開始から式(1)の Pmまでの時間を0.1~3分の範囲で試験する。なお、 Pmは荷重 - 荷重線変位線図の最大荷重ではない。

2.4.4 Jlcの合否判定条件に関する注意事項

式(6)に示す ASTM E1820 の試験片寸法要件は ASTM E399 に比べてはるかに緩く、式(6)を満足し ないため不合格になることは、ほとんど無い。

ASTM E1820 の合否判定で一番難しいのは 2.4.3 の(3)の 2)と 4)、すなわち安定延性き裂前縁の直線 性に関するものである。その理由は、サイドグル ーブ(SG)がない場合、安定延性き裂は 3 軸応力度 が高い試験片厚中央で先行し、サムネイル形状を 示すためである。特に、除荷コンプライアンス法 を適用する場合、SG なしで式(7)又は式(8)を満足 させることは容易ではない。それ故、2.2 項に記し たように除荷コンプライアンス法を適用する場合、 SG を設けることを強く推奨している。しかし、 ASTM E1820 に SG の図は載っておらず、SG につ いての記述は、ASTM E1820 の 7.5 項の以下の文面 だけであり、見落としてしまう危険性がある。 7.5 Sid Grooves - Side grooves are highly recommended when the compliance method of crack size prediction is used.

また、薄板材では適切な SG を加工することが 難しい場合もある。そのような場合は、SG なしの 試験片で、2.4 に示した複数試験法で試験すること になるが、その場合でも、2.4.3 の(3)の 2)、すなわ ち、安定延性き裂前縁の直線性に関する条件を 満足できないケースがある。

3. むすび

本報告では、 $①J_{lc}$ 値とは、②ASTM E1820による J_{lc} 試験の手順、③ASTM E1820の J_{lc} 合否判定の内容、④ASTM E1820の J_{lc} 試験の注意事項について説明した。ASTM E1820の J_{lc} 試験はASTM E399の K_{lc} 試験に比べて、試験手順が複雑で試験結果の合否判定の項目が多い。規格では、それらの1つでも不合格なら invalid となり、 J_{lc} は得られない。

2.3 で疲労予き裂長さに関する変更について 記したが、それ以外にも2.4.3 の(3)の2)は2020年 に本報告の内容に変更になっている。このように、 しばしば変更になるので、常に最新版を参照する 必要がある。

本文で示したように ASTM E1820 の試験片寸法 要件は ASTM E399 の K_{lc} 試験に比べて、はるかに 緩い。次回は、両者の比較とその根拠について 説明する。

参考文献

- 1) Shimizu-tech Technical Report No.1; "ASTM E399 による K_{le} 試験の合否判定基準の意義と必要 性", 2021.
- Shimizu-tech Technical Report No.2; "ASTM E399 の改訂のフォロー-ASTM E399-22の改訂内容-", 2023.
- ASTM E399-23; "Standard Test Method for Linear-Elastic Plane-Strain Fracture Toughness of Metallic Materials", 2022.
- ASTM E1820-22; "Standard Test Method for Measurement of Fracture Toughness", 2022.
- 5) ASTM E1820-15a; "Standard Test Method for Measurement of Fracture Toughness", 2015.
- ASTM E1921-22; "Standard Test Method for Determination of Reference Temperature, *T_o*, for Ferritic Steels in the Transition Range", 2022.
- 7) ASTM E1921-17; "Standard Test Method for Determination of Reference Temperature, T_o , for Ferritic Steels in the Transition Range", 2017.

付録 ASTM 規格の疲労予き裂長さに関する要求最小値の比較

ASTM E1820、ASTM E399 および ASTM 1921 の疲労予き裂長さに関する要求最小値の比較を下表に示す。 ASTM E1820 および ASTM E1921 では、それぞれ 2016、2018 年に要求値の変更があったので、変更前と変更後(最新版)を示した。近年、小形試験片では、ノッチを放電加工で設けることが多い。この場合は、通常、Narrow Notch となる。Narrow Notch (ASTM E1820 の場合、B \leq 24mm)では、要求最小疲労き裂長さは、変更前は 0.6mm、変更 後は 0.25mm となり、変更に伴い要求値は緩くなっている。

Type of Notch Standard	Wide Notch	Narrow Notch	Remark
	h* ¹ ≤0.063W ^{4), 5), 6)}	h≤0.01W ⁵⁾ h≤0.16mm ^{6), 4) *2}	
	h≤Lesser of 0.063W or 6.25mm $^{7)}$	h≤Greater of 0.01W or 0.25mm ⁷⁾	
	h<0.1W (h need not be less than 1.6mm) $^{3)}$	h<0.01W (h need not be less than 0.3mm) ³⁾	
ASTM E1820-224)	Greater of 0.5h or 0.25mm		Changed in 2016
ASTM E1820-155)	Greater of 0.05B or 1.3mm * ³	Greater of 0.025B or 0.6mm * ⁴	
ASTM E399-233)	Greater of 0.025W or 1.3mm *3	Greater of 0.0125W or 0.6mm * ⁴	
ASTM E1921-226)	Greater of 0.5h or 0.25mm		Changed in 2018
ASTM E1921-177)	Greater of 0.5h or 1.3mm	Greater of 0.5h or 0.6mm	

^{*1} h : Hight of Notch (See Fig.3 on page 2) ^{*2} The definition of h in narrow notch is not clear for ASTM E1820-22⁴⁾

*³ : Same requirement for standard specimen (W/B=2)

*4 : Same requirement for standard specimen (W/B=2)